

NOM :

## Interrogation n<sup>o</sup> 3

- 1) Donner la définition du groupe diédral  $D_5$ .
  - 2) Enumérer tous les éléments de  $D_5$  (faire un dessin).
  - 3) On définit l'ordre d'un élément  $g$  d'un groupe  $G$  comme le plus petit entier  $n \geq 1$  tel que  $g^n = e$ . Donner l'ordre de chacun des éléments de  $D_5$ .
  - 4) On fait agir  $D_5$  sur l'ensemble  $X$  des sommets d'un pentagone régulier. Cette action est-elle transitive ? Vérifier la formule de Lagrange pour cette action.